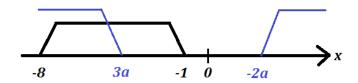
467 数 1A 基礎問題精講 P81.演習 47(2)(i)

Q.3a \geq -1 以外にも-8<x<-1 の範囲なら a が-2 から-3 の間にあるときでも成り立つのではないのですか。

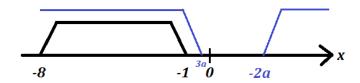
A.結論から言えば、-3<a<-2 のときは成り立ちません。以下は解説を行っていますので確認してみてください。

まず、与式を $x^2 - ax - 6a^2 > 0 \Leftrightarrow (x - 3a)(x + 2a) > 0$ と変形する部分は問題ないと思います。 a < 0より3a < -2aとなるので、不等式は

x < 3a, -2a < xとなります。これが(1)の解-8 < x < -1を含む必要があります。



上の数直線より、-2aは共通部分を持つことはありませんが、3aが-1以上であれば-8 < x < -1を含むことが出来ます。図示すると下のようなときです。



よって $-1 \le 3a < 0 \Leftrightarrow -\frac{1}{3} \le a < 0$ となります。