Q.(数2B 標準問題精講 P27 演習 8-2) 解答の 6 行目の式(3x+d)について解説をお願いします。 何となくは分かっても自分で作れません。

A. 3x+d がどのようにして導かれたのか説明します。

まず f(x)を $(x-2)^2$ で割るとあまりが 2x-3 であるということから、このときの商を Q(x)とすると $f(x)=Q(x)(x-2)^2+2x-3$ と表せます。 $(x-2)^2$ が 2 次なので f(x)が 3 次式であるためには Q(x)が 1 次で ある必要がありますから、 $Q(x)=\bigcirc x+\triangle$ と表せます。また x^3 の係数が 3 となるためには $\bigcirc =3$ でなければいけません。 \triangle はこの時点では求められないので未知数 d として Q(x)=3x+d となるわけです。このように f(x)の次数や係数から、Q(x)が何次式になるかを決定することができます。